

V. METODE PENELITIAN

Penelitian ini dilakukan pada semester IV tahun akademik 2014/2015, bertempat di Jurusan Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Lampung. Metode yang digunakan dalam penelitian ini adalah studi pustaka yang menggunakan buku-buku penunjang dan jurnal yang berhubungan dengan penelitian ini.

Langkah-langkah yang dilakukan dalam penelitian ini adalah:

1. Membuat grafik gambar fungsi kepekatan peluang (fkp) dari distribusi *three-parameter generalized Rayleigh* dengan mengubah-ubah nilai parameter. Parameter α sebagai parameter bentuk, parameter λ sebagai parameter skala, dan λ sebagai parameter lokasi.
2. Menentukan fungsi karakteristik dari distribusi *three-parameter generalized Rayleigh*. Untuk menentukan fungsi karakteristik dapat dilakukan dengan menggunakan definisi fungsi karakteristik dan ekspansi trigonometri. Disini akan digunakan kedua cara tersebut untuk menentukan fungsi karakteristik dari distribusi *three-parameter generalized Rayleigh*.
 - a. Langkah-langkah menentukan fungsi karakteristik dengan definisi fungsi karakteristik sebagai berikut :
 - 1.) Menentukan fungsi karakteristik distribusi *three-parameter generalized Rayleigh* dan mensubtitusi batas x pada fungsi kepekatan

peluang (fkp) distribusi *three-parameter generalized Rayleigh* menggunakan definisi fungsi karakteristik berikut :

$$\{ \chi(it) = E(e^{itx}) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{itx} dF(x) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{itx} f(x) dx$$

2.) Menghubungkan ke bentuk fungsi Beta :

$$B(r, s) = \int_0^1 x^{r-1} (1-x)^{s-1} dx$$

3.) Menghubungkan bentuk fungsi beta ke bentuk fungsi Gamma :

$$B(r, s) = \frac{\Gamma(r) \cdot \Gamma(s)}{\Gamma(r + s)}$$

b. Akan ditunjukkan bahwa fungsi karakteristik yang diperoleh menggunakan definisi sama dengan fungsi karakteristik melalui ekspansi trigonometri.

Adapun langkah-langkahnya sebagai berikut :

1.) Menentukan fungsi karakteristik distribusi *three-parameter generalized Rayleigh* dan mensubstitusi batas x pada fungsi kepekatan peluang (fkp) distribusi *three-parameter generalized Rayleigh* menggunakan ekspansi trigonometri berikut :

$$\{ \chi(it) = E(e^{itx}) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{itx} dF(x) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{itx} f(x) dx$$

2.) Menguraikan bentuk e^{itx} ke dalam bentuk trigonometri yaitu :

$$E(e^{itx}) = E[\cos(tx) + i \sin(tx)]$$

3.) Menghubungkan ke bentuk fungsi Beta yaitu :

$$B(r, s) = \int_0^1 x^{r-1} (1-x)^{s-1} dx$$

4.) Menghubungkan bentuk fungsi Beta ke bentuk fungsi Gamma :

$$B(r, s) = \frac{\Gamma(r)\Gamma(s)}{\Gamma(r + s)}$$

3. Pembuktian sifat-sifat dasar fungsi karakteristik distribusi *three-parameter generalized Rayleigh*

Akan ditunjukkan bahwa fungsi karakteristik distribusi *three-parameter generalized Rayleigh* memenuhi sifat-sifat dasar fungsi karakteristik berikut:

- a. Sifat 1. $\{\chi_x(0)\} = 1$
- b. Sifat 2. $|\{\chi_x(t)\}| \leq 1$
- c. Sifat 3. $\{\chi_x(-t)\} = \overline{\{\chi_x(t)\}}$; dengan $\overline{\{\chi_x(t)\}}$ adalah konjugat kompleks $\{\chi_x(t)\}$