

# BILANGAN KROMATIK LOKASI GRAF KEMBANG API TAK SERAGAM YANG DISUBDIVISI

Abstrak

Oleh

Guiyana Ayu Candra Kumala

Pada tahun 2002, konsep bilangan kromatik pertama kali dikaji oleh Chartrand dkk., dengan mengembangkan dua konsep graf, yaitu pewarnaan titik dan dimensi partisi graf. Misalkan  $G = (V, E)$  adalah graf terhubung dan  $c$  suatu pewarnaan- $k$  sejati dari  $G$  dan misalkan  $\Pi = \{C_1, C_2, \dots, C_k\}$  merupakan partisi dari  $V(G)$  yang diinduksi oleh pewarnaan  $c$ . Kode warna  $c_{\Pi}(v)$  dari  $v$  adalah  $k$ -pasang terurut  $(d(v, C_1), d(v, C_2), \dots, d(v, C_k))$  dengan  $d(v, C_i) = \min\{d(v, x) \mid x \in C_i\}$  untuk  $1 \leq i \leq k$ . Jika semua titik di  $G$  mempunyai kode warna berbeda, maka  $c$  disebut pewarnaan  $k$  lokasi dari  $G$ . Bilangan kromatik lokasi dari  $G$ , dinotasikan  $\chi_L(G)$ , adalah bilangan terkecil  $k$  sehingga  $G$  mempunyai pewarnaan- $k$  lokasi. Graf kembang api tak seragam,  $F_{n, (k_1, k_2, \dots, k_n)}$  diperoleh dari  $n$  buah graf bintang  $S_{k_i}$ ,  $i \in [1, n]$  dengan cara menghubungkan sebuah daun dari setiap  $S_{k_i}$  melalui sebuah lintasan. Jika  $k_{maks} = \max\{k_1, k_2, \dots, k_n\}$  maka subgraf  $S_{k_{maks}}$  disebut sebagai *subgraf bintang maksimum* pada graf kembang api  $F_{n, (k_1, k_2, \dots, k_n)}$ . Pada tesis ini dikaji tentang bilangan kromatik lokasi dengan mensubdivisi graf kembang api  $F_{n, (k_1, k_2, \dots, k_n)}$  pada salah satu sisi yang bukan sisi daunnya, dinotasikan dengan  $F_{n, (k_1, k_2, \dots, k_n)}^s$ . Hasil yang diperoleh adalah  $\chi_L(F_{n, (k_1, k_2, \dots, k_n)}^{s+}) = k_{maks} - 1$ , jika  $p = k_{maks} - 1$  sedangkan  $\chi_L(F_{n, (k_1, k_2, \dots, k_n)}^{s*}) = k_{maks}$ , jika  $p > k_{maks} - 1$ , dengan  $p$  adalah banyaknya  $S_{k_{maks}}$  di  $F_{n, (k_1, k_2, \dots, k_n)}$ . Hasil yang sama diperoleh untuk  $\chi_L(F_{n, (k_1, k_2, \dots, k_n)}^{s*})$  dengan  $n, k$  bilangan asli dan  $s = 2$  titik genap.

**Kata kunci :** graf tak seragam, subdivisi, bilangan kromatik lokasi.