

## **ABSTRACT**

### **THE UPPER BOUND OF PARTITION DIMENSION OF THE TRIANGULAR ROW GRAPH AND ITS BARBELL**

By

**Nazila Adelia Azzahra**

The partition dimension of a graph  $G$ , denoted by  $pd(G)$  is the minimum cardinality of the resolving partition. In this research, the upper bound of the partition dimension of the triangular row graph  $TS(n)$  and the barbell triangular row graph  $B_{TS(n)}$  are discussed. We obtained,  $pd(TS(n)) \leq 4$  for  $2 \leq n \leq 9$ ;  $pd(TS(n)) \leq 5$  for  $10 \leq n \leq 12$ ;  $pd(TS(n)) \leq 6$  for  $13 \leq n \leq 15$ ;  $pd(TS(n)) \leq 7$  for  $16 \leq n \leq 18$ ; and  $pd(TS(n)) \leq 8$  for  $n = 19$ . Furthermore, for its barbell,  $pd(B_{TS(n)}) \leq 4$  for  $2 \leq n \leq 6$ ;  $pd(B_{TS(n)}) \leq 5$  for  $7 \leq n \leq 10$ ;  $pd(B_{TS(n)}) \leq 6$  for  $11 \leq n \leq 13$ ;  $pd(B_{TS(n)}) \leq 7$  for  $14 \leq n \leq 16$ ; and  $pd(B_{TS(n)}) \leq 8$  for  $17 \leq n \leq 19$ .

**Keywords:** Partition dimension, triangle row graph, barbell triangle row graph.

## **ABSTRAK**

### **BATAS ATAS DIMENSI PARTISI GRAF BARISAN SEGITIGA DAN BARBELNYA**

**Oleh**

**Nazila Adelia Azzahra**

Dimensi partisi suatu graf  $G$ , dinotasikan dengan  $pd(G)$  merupakan kardinalitas minimum dari partisi pembeda. Pada penelitian ini dibahas batas atas dimensi partisi graf barisan segitiga  $TS(n)$  dan graf barbel barisan segitiga  $B_{TS(n)}$ . Hasil yang diperoleh,  $pd(TS(n)) \leq 4$  untuk  $2 \leq n \leq 9$ ;  $pd(TS(n)) \leq 5$  untuk  $10 \leq n \leq 12$ ;  $pd(TS(n)) \leq 6$  untuk  $13 \leq n \leq 15$ ;  $pd(TS(n)) \leq 7$  untuk  $16 \leq n \leq 18$ ; dan  $pd(TS(n)) \leq 8$  untuk  $n = 19$ . Selanjutnya pada graf barbelnya,  $pd(B_{TS(n)}) \leq 4$  untuk  $2 \leq n \leq 6$ ;  $pd(B_{TS(n)}) \leq 5$  untuk  $7 \leq n \leq 10$ ;  $pd(B_{TS(n)}) \leq 6$  untuk  $11 \leq n \leq 13$ ;  $pd(B_{TS(n)}) \leq 7$  untuk  $14 \leq n \leq 16$ ; dan  $pd(B_{TS(n)}) \leq 8$  untuk  $17 \leq n \leq 19$ .

**Kata-kata kunci:** Dimensi partisi, graf barisan segitiga, graf barbel barisan segitiga.